文章编号:1673-5005(2017)03-0122-07

doi:10.3969/j.issn.1673-5005.2017.03.015

微柱体对微通道热沉综合性能影响的数值分析

冯振飞^{1,2},罗小平¹,郭 峰¹,李海燕¹,王兆涛¹

(1. 华南理工大学机械与汽车工程学院,广东广州 510641;

2. 广西大学广西石化资源加工及过程强化技术重点实验室,广西南宁 530004)

摘要:为强化微通道热沉的传热性能,设计一种内置微柱体的微通道热沉,并采用数值方法研究微柱体对微通道热 沉内流体流动、传热及综合性能的影响。分析了进口雷诺数、微柱体的错位量对内置微柱体微通道热沉(微柱通道) 的压降、热阻和努塞尔数的影响,并与光滑微通道热沉(光滑通道)进行对比。采用热阻与泵功的关系、熵产原则及 性能评价准则对微通道热沉的综合性能进行评价。结果表明,微柱通道压降和努塞尔数随雷诺数增大而增大,热阻 反而减小;在研究的雷诺数范围内,微柱通道压降比光滑通道的平均高 84.3%,热阻平均低 27.8%,而努塞尔数平均 高 54.5%;有错位量的微柱通道热阻比无错位量的平均低 8.9%,而努塞尔数平均高 12.6%;微柱通道综合性能优于 光滑通道,且有错位量的微柱通道更优。

关键词:微通道;微柱体;数值模拟;流动;传热

中图分类号:TK 124 文献标志码:A

引用格式:冯振飞,罗小平,郭峰,等. 微柱体对微通道热沉综合性能影响的数值分析[J]. 中国石油大学学报(自然 科学版), 2017,41(3):122-128.

FENG Zhenfei, LUO Xiaoping, GUO Feng, et al. Effects of micro-cylinders on overall performance of micro-channel heat sinks: numerical simulation[J]. Journal of China University of Petroleum (Edition of Natural Science), 2017,41(3):122-128.

Effects of micro-cylinders on overall performance of micro-channel heat sinks: numerical simulation

FENG Zhenfei^{1,2}, LUO Xiaoping¹, GUO Feng¹, LI Haiyan¹, WANG Zhaotao¹

(1. School of Mechanical and Automotive Engineering, South China University of Technology, Guangzhou 510641, China;

2. Guangxi Key Laboratory of Petrochemical Resource Processing and Process Intensification Technology,

Guangxi University, Nanning 530004, China)

Abstract: In order to enhance the heat transfer performance of micro-channel heat sinks, a micro-channel heat sink with micro-cylinders is presented and the effects of micro-cylinders on the fluid flow, heat transfer and overall performance in the micro-channel heat sinks are studied numerically. The effects of the inlet Reynolds number and micro-cylinder offset value on the pressure drop, thermal resistance and Nusselt number are analyzed, and these results are compared with those of the plain micro-channel heat sink. Then the overall performance on the micro-channel heat sink is evaluated by using the thermal resistance-pumping power relation, entropy generation principle and performance evaluation criterion. It is found that the pressure drop and Nusselt number range, there are the 84.3% average increase in the pressure drop, a 27.8% average decrease in the thermal resistance and a 54.5% average increase in the Nusselt number for the micro-channel heat sink with micro-cylinders, in comparison with the plain micro-channel heat sink. There are a 8.9% average decrease in the thermal resistance and a 12.6% average increase in the Nusselt number for micro-channel heat sinks with the micro-cylinders offset

收稿日期::2016-06-17

基金项目:国家自然科学基金项目(21276090);广西自然科学基金项目(2014GXNSFBA118051);广西石化资源加工及过程强化技术重点 实验室主任基金项目(2015Z012)

作者简介:冯振飞(1980-),男,讲师,博士研究生,研究方向为微纳米尺度传热。E-mail: affeng@gxu.edu.cn。

通讯作者:罗小平(1967-),男,教授,博士,博士生导师,研究方向为强化传热与节能。E-mail:mmxpluo@ scut.edu.cn。

value being nonzero, compared with that with the micro-cylinder offset value being zero. The overall performance in the micro-channel with micro-cylinders is much better than that of the plain micro-channel. Furthermore, the overall performance in the micro-channel with micro-cylinder offset value being nonzero is much better.

Keywords: micro-channel; micro-cylinder; numerical simulation; flow; heat transfer

工业中诸多领域的突破性进展是由微型化技术 和先进的冷却技术推动的。在现代高科技中起到重 要作用的微芯片是典型的代表。由于其高度集成化 和微型化,使得工作时热流密度急剧增加,稳定性不 断下降。为保证高热流密度微芯片正常工作,迫切需 要高效的散热技术和微型化的散热装置[1]。微通道 热沉因具有结构紧凑、散热效率高、功耗低及使用的 冷却液少等优点^[2-3],自其被 Tuckerman 等^[4]提出以 来,学者们不断研究以进一步强化其传热性能。强化 微通道热沉传热有很多种方法,如使用强化的工质、 改进微通道的结构形状等。由于这些方法不需要增 加额外的动力(除进出口泵功外),因此成为学者们研 究的热点[5]。纳米流体属于强化工质中的一种,其较 基液具有高导热率。Azizi 等^[6]对圆柱型微通道内 Cu -水纳米流体的对流传热研究发现,纳米流体可强化 微通道传热,强化效果最大可达23%。然而,Rimbault 等^[7]对微通道热沉内 Cu-水纳米流体的流动与 传热的试验研究发现.低浓度纳米流体的传热效果稍 有增强,但是压降也提高。此外,由于纳米流体易发 生团聚使纳米粒子沉积,致使纳米流体在工作时稳定 性降低,还有研究者^[8]发现,从热力的观点来看,使用 强化微通道表面(如正弦波形通道)的方法来增强传 热的效果比使用强化工质(如纳米流体)的方法更有 效,且稳定性和可靠性更高。夏国栋等^[9]研究了硅基 长菱形微针肋热沉的流动和传热特性。Chai 等^[10]研 究了微通道两侧壁面带有不同形状肋片的层流流动 与传热特性。Yadav 等^[11]研究了微通道内置微圆柱 肋的流动和传热特性。Chen 等^[12]研究了带有纵向涡 发生器微通道内流体的流动和传热。笔者采用数值 方法研究微柱体对微通道热沉内流体流动、传热和综 合性能的影响,分析不同错位量、不同雷诺数条件下, 微柱体对微通道热沉的流动压降、热阻和努塞尔数的 影响,并从热阻与泵功的关系、熵产原则及性能评价 准则等方面对微通道热沉综合性能进行评价。

1 数值模拟

1.1 物理模型

本研究的基本微通道热沉结构与文献[13]中的一致。铜基热沉共蚀刻有 21 条微槽,槽宽 W=

231 μm,槽高 H=713 μm,槽长 L=44.764 mm,并盖 上 PC(聚碳酸酯)板形成微通道结构。基于热沉里 微通道结构的周期性和计算机的运算能力,取一微 通道单元进行模拟,并考虑邻近通道固体表面的影 响。通道内设有 10 个微柱体,即为微柱通道 (MCC),见图1(a)。模型的具体几何参数见图1。 基于不同的微柱体错位量 S,可得3种不同规格微 柱通道 MCC-0、MCC-1和 MCC-2,对应的S值分别 为0、60和120 μm。为对比有无微柱体的微通道热 沉内流体的流动、传热和综合性能,还模拟了光滑矩 形微通道(PMC)。



micro-cylinders

1.2 数值方法

 $\nabla U = 0$.

微通道内的工质为去离子水。为简化计算,假 设:(1)流体流动为单相连续不可压缩的稳态层流; (2)模型的热传递为稳态,且忽略热辐射影响;(3) 除流体的黏度随温度呈分段线性变化外,固体和流 体的物性参数均为常数;(4)忽略体积力。

基于这些假设,可得到流体域的连续方程、动量 方程和能量方程分别为

 $\rho(\boldsymbol{U}\cdot \boldsymbol{\nabla}\boldsymbol{U}) = -\boldsymbol{\nabla}\boldsymbol{p} + \boldsymbol{\nabla}\cdot(\boldsymbol{\mu}\,\boldsymbol{\nabla}\,\boldsymbol{U})\,, \qquad (2)$

 $\rho c_{p} (\boldsymbol{U} \cdot \boldsymbol{\nabla} T_{f}) = \lambda_{f} \boldsymbol{\nabla}^{2} T_{f}.$ (3)

对于固体域,**U**=0。固体域的传热分析仅需要 能量方程

 $\lambda_{s} \nabla^{2} T_{s} = 0. \tag{4}$

式中,下标f和s分别表示流体和固体;U为流体速 度矢量,m/s;p为压力,Pa;T为温度,K; μ , ρ , c_p , λ_f 分别为流体相应温度的黏度、密度、比热和热导率, Pa・s、kg/m³、J/(kg・K)和 W/(m・K); λ_s 为固体 热导率,W/(m・K)。

模型采用均匀速度入口边界条件,给定进口速度 u_{in}分别为 1.33、1.99、2.6、3.32、3.98 m/s,入口 温度 T_{in}为 288.1 K;通道出口采用压力出口条件,相 对压力 p_{out}=0 Pa;通道底面恒热流加热,热流密度 q 为 2 MW/m²;两侧面设为周期性边界条件,固液接触面设为固液交界面边界条件,其余壁面绝热。采 用有限体积法离散控制方程组,并由 CFD 软件进行求解,收敛残差为 10⁻⁶。

1.3 网格划分

鉴于微柱通道几何结构的复杂性,采用六面体 和四面体混合的网格模式对计算域进行划分。在流 体域的壁面,特别是固体域和流体域交界处的壁面, 进行网格细化处理。为保证计算精度及节省计算时 间和内存,对每种规格的微通道热沉单元模型进行 网格独立性验证。各模型的最终网格数见表1。

表1 各计算模型的网格单元数

Table 1 Numbers of grid elements for each model

型号	固体域网格数	流体域网格数	总网格数
PMC	3 170 893	4 195 008	7 365 901
MCC-0	3 210 046	4 063 390	7 273 436
MCC-1	3 163 178	4 035 735	7 198 913
MCC-2	3 207 831	4 019 586	7 227 417

2 结果及其讨论

2.1 模型有效性验证

为验证数值模型的有效性,将光滑矩形微通道 的数值计算结果与试验结果^[13]进行对比。图 2 为 光滑矩形微通道进出口的压降及温差的数值结果与 试验结果对比。压降和温差计算式分别为

$$\Delta p = p_{\rm in} - p_{\rm out} \,, \tag{5}$$

$$\Delta T = T_{\rm out} - T_{\rm in}.$$
 (6)

其中

$$p_{\rm in} = \frac{\int p(x, y, z) \, \mathrm{d}A_{\rm in}}{\int \mathrm{d}A_{\rm in}}$$

$$T_{\text{out}} = \frac{\int \rho c_p u(x, y, z) T_{\text{f}}(x, y, z) \, \mathrm{d}A_{\text{out}}}{\int \rho c_p u(x, y, z) \, \mathrm{d}A_{\text{out}}} \, .$$

式中, Δp 为进出口压降,Pa; ΔT 为进出口温差,K; p_{in} 为进口压力,Pa; T_{out} 为出口温度,K; A_{in} 、 A_{out} 分别 为进出口面积,m²;p(x,y,z)、u(x,y,z)、 $T_{f}(x,y,z)$ 分别为流体域坐标(x,y,z)处微元体的压力、速度和 温度,Pa、m/s和K。

图 2 中 Re 为雷诺数,计算式为

$$Re = \frac{\rho u_{\rm in} d_{\rm h}}{\mu},\tag{7}$$

其中

$$d_{\rm h} = \frac{2WH}{W+H}$$
.

式中, d_h 为通道的水力直径, $m;\mu$ 为流体进口温度 对应的黏度, $Pa \cdot s_o$



由图 2 可见,进出口压降和温差的数值结果与 试验结果比较吻合,最大误差分别为 14.8% 和 2.8%,考虑到试验测量具有一定的误差,因此本数 值方法计算的结果是可靠的,进而验证了本数值方 法的有效性,可以用于微柱通道热沉模型的计算。 由图 2 还可见,进出口温差随着雷诺数的增加逐渐 减小,且减小的趋势变缓。这是因为在热流密度一 定的条件下,由能量平衡得到的进出口温差与流体 的流速成反比关系。进出口压降随雷诺数的增加逐 渐增大,但增速较平缓。这是因为流体的黏度随温 度变化所致。

2.2 压降特性

流体在通道内流动时,因流体的黏性而产生流 动阻力,表现为流体压力沿程逐渐降低。图3为3 种不同规格的微柱通道及光滑通道进出口压降随雷 诺数变化关系。由图3可见,在相同雷诺数下,微柱 通道(MCC-0、MCC-1、MCC-2) 压降明显高于光滑 通道(PMC)。在研究的雷诺数范围内,微柱通道压 降比光滑通道平均高 84.3%,最高达 112.3%。这 数增加 是由于微柱体的存在使得通道的流通面积突缩突 放,流阻增大,且微柱体后面产生尾涡区,尾涡区内 的旋涡消耗有用的机械能,亦增大流阻。由图 3 还 可见,随着雷诺数的增大,微柱通道与光滑通道压降 的差异逐渐变大,这是由于增大雷诺数使得尾涡区 的差异逐渐变大,这是由于增大雷诺数使得尾涡区 可见,随着雷诺数的增大,微柱通道与光滑通道压降 的差异逐渐变大,这是由于增大雷诺数使得尾涡区 通道平 内的旋涡加剧,从而增大了流阻。微柱通道中 MCC -1 的压降最大,MCC-2 次之,MCC-0 最小。表明 微柱通道压降随错位量增大先增大而减小。这是由 道热衍

-1 的压降最大,MCC-2 次之,MCC-0 最小。表明 微柱通道压降随错位量增大先增大而减小。这是由 于错位量影响了流体流动的路径及混合程度。错位 量为0时,对应为 MCC-0 通道,沿流动方向看,相 邻两微柱体重叠,流体可同时从微柱体两侧绕流。 而随错位量增大,对应为 MCC-1 通道,沿流动方向 看,相邻两微柱体部分重叠,流体会选择流通面积较 大一侧,即阻力较小一侧流过,使得流体流动的路径 呈 S 字型,增长流动路径,促进流体混合,进而增大了 流阻。随错位量进一步增大,对应为 MCC-2 通道,沿 流动方向看,相邻两微柱体有间隙,大部分流体可在 通道中间区域流动,流动路径减小,流阻下降。





2.3 传热特性

电子器件散热必须均匀,以免局部过热或过冷 而产生热应力降低电子器件寿命。对于使用微通道 热沉散热的电子器件,要想提高寿命,必须提高微通 道热沉底面温度的均匀性,这可通过降低微通道热 沉的热阻实现。微通道热沉对流传热过程中总热阻 定义为

$$R_{\rm T} = \frac{T_{\rm w, max} - T_{\rm in}}{qA_{\rm w}} \,. \tag{8}$$

式中, $R_{\rm T}$ 为总热阻,K/W; $A_{\rm w}$ 为热沉底面面积, m^2 ; $T_{\rm w max}$ 为底面最高温度, K_{\circ} 图 4 为 3 种不同规格的微柱通道及光滑通道热 阻随雷诺数变化的关系。由图 4 可见,热阻随雷诺 数增加逐渐下降,低雷诺数时下降趋势稍快,高雷诺 数时下降趋势略缓。在相同雷诺数下,微柱通道热 阻明显低于光滑通道,有错位量的微柱通道(MCC-1、MCC-2)热阻略低于无错位量微柱通道(MCC-0)。在研究的雷诺数范围内,微柱通道热阻比光滑 通道平均低 27.8%,有错位量的微柱通道热阻比无 错位量平均低 8.9%。表明微柱通道热沉底面温度 的均匀性优于光滑通道热沉,且有错位量的微柱通 道热沉更优。



图4 热阻随雷诺数的变化

Fig. 4 Variation of thermal resistance with Reynolds number

微通道的传热特性可用努塞尔数 Nu 进行评估。Nu 定义为

$$Nu = \frac{qA_{\rm w}d_{\rm h}}{\lambda_{\rm f}A_{\rm if}[T_{\rm w} - 0.5(T_{\rm in} + T_{\rm out})]} .$$
⁽⁹⁾

其中

$$T_{w} = \frac{\int T_{s}(x, y, 0) \, \mathrm{d}A_{w}}{\int \mathrm{d}A_{w}}.$$

式中, A_{if} 为流固接触面积, m^2 ; T_w 为底面平均温度, K; $T_s(x,y,0)$ 为固体域坐标(x,y,0)处微元体的温度,K。

图 5 为 3 种规格微柱通道及光滑通道努塞尔数 随雷诺数变化的关系。由图 5 可见,努塞尔数随雷 诺数增大而增大。在相同雷诺数下,微柱通道的努 塞尔数明显高于光滑通道,表明微柱通道的传热性 能优于光滑通道。这是由于微柱体的存在加剧了通 道内冷热流体的混合,重新发展了微柱体附近的边 界层,扩展了传热面积。在研究的雷诺数范围内,微 柱通道努塞尔数比光滑通道平均高 54.5%,有错位 量的微柱通道努塞尔数比无错位量平均高 12.6%。 由图 5 还可见,相同雷诺数下,微柱通道中 MCC-1 的努塞尔数最大,MCC-2 次之,MCC-0 最小。MCC -1 的流动路径近似 S 形,这可促进流体混合,增长 传热时间,进而强化了传热。MCC-2 和 MCC-1 通 道在低雷诺数时努塞尔数相近,且比 MCC-0 高许 多,表明错位微柱体在低雷诺数时强化传热效果更 为显著。



图 5 努塞尔数随雷诺数的变化



2.4 综合性能评价

在实际工程设计中,低阻高效传热的微通道热 沉是工程师所追求的。微柱体强化微通道传热的同 时也增大了流阻。须对微柱通道的综合性能进行评 价,以对其性能的优劣进行判断。由于热阻与泵功 的关系直接反映微通道热沉运行的经济性,因此采 用热阻与泵功的关系评价微通道热沉的性能^[14]。 泵功的定义为

$$P = \Delta p q_{v}. \tag{10}$$

式中,P为泵功,W; q_v 为体积流量, m^3/s_o

图 6 为 3 种不同规格的微柱通道及光滑通道热 阻随泵功变化的关系。由图 6 可见,在相同泵功下, PMC 通道热阻最大,MCC-0、MCC-1 和 MCC-2 通 道热阻相近,MCC-1 和 MCC-2 通道略低于 MCC-0,表明微柱通道热阻明显比光滑通道低,有错位量 的微柱通道热阻略低于无错位量的微柱通道。这也 表明微柱通道热沉的经济性明显优于光滑通道,且 有错位量的更优些。

微通道热沉的对流换热过程包含热量传递过程 和流体流动过程,这些不可逆过程都会引起系统的 熵产。熵产越小,系统的有用能损失就越少,即能源 的有效利用程度越高。有学者采用熵产原则评价微 通道热沉的性能^[15-17]。根据 Bejan^[18]的熵产模型可 得,因传热不可逆引起的局部体积熵产为

$$S_{\rm T} = \frac{\lambda_{\rm f}}{T_{\rm f}^2} \left[\left(\frac{\partial T_{\rm f}}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial T_{\rm f}}{\partial y} \right)^2 + \left(\frac{\partial T_{\rm f}}{\partial z} \right)^2 \right]. \tag{11}$$

式中, $S_{\rm T}$ 为传热局部体积熵产, $W/(m^3 \cdot K)_{\circ}$

因流动不可逆引起的局部体积熵产为

$$S_{\rm F} = \frac{\mu}{T_{\rm f}} \left\{ 2 \left[\left(\frac{\partial u}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial v}{\partial y} \right)^2 + \left(\frac{\partial w}{\partial z} \right)^2 \right] + \left(\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial y} \right)^2 \right\}.$$
 (12)

式中, S_F 为流动局部体积熵产, $W/(m^3 \cdot K)$;u v w为速度矢量 $U \propto x v z$ 方向的分量, m/s_o



Fig. 6 Variation of thermal resistance with pumping power

为了便于比较,定义无量纲总熵产率为[15]

$$S^* = \frac{\int (S_{\rm T} + S_{\rm F}) \,\mathrm{d}V}{Mc_p}.$$
 (13)

式中,*S**为总熵产率,无量纲;*V*为流体的体积,m³; *M*为质量流量,kg/s。

图 7 为 3 种不同规格的微柱通道及光滑通道无 量纲总熵产率随雷诺数的变化关系。



rate with Reynolds number

由图 7 可见,无量纲总熵产率随雷诺数增大逐 渐减小,表明在研究的雷诺数范围内,因传热不可逆 引起的熵产占主导地位。这是由于微通道热沉的压 降和热阻随雷诺数增大分别增大和减小,即流动熵 产和传热熵产随雷诺数增大分别增大和减小,只有 传热熵产占总熵产的比重较大才会使得总熵产率随 雷诺数增大逐渐减小。由图 7 还可见,在相同雷诺 数下,微柱通道总熵产率明显比光滑通道低,表明微 柱体能改善微通道热沉的传热性能,从而减少在传 热过程中的有用能损失,而且有错位量的微柱通道 的有用能损失低于无错位量的微柱通道,低雷诺数 时尤为显著。这也表明了有错位量的微柱通道的传 热性能优于无错位量的。

性能评价准则被广泛地应用于评价微通道热沉的综合性能^[15,17,19]。为此引入综合评价因子,定义为

$$\eta = \frac{Nu/Nu_0}{\left(\Delta p/\Delta p_0\right)^{1/3}}.$$
(14)

式中,η为综合评价因子;下标0代表光滑微通道, 即为 PMC 通道。

图 8 为 3 种规格微柱通道综合评价因子随雷诺 数变化的关系。由图 8 可见,综合评价因子均大于



Fig. 8 Variation of overall performance factor with Reynolds number

1,最大值达1.31,表明微柱体对微通道热沉性能的 提升具有重要性。在整个雷诺数的研究范围内, MCC-1 和 MCC-2 通道的综合评价因子均大于 MCC-0,低雷诺数时更显著。表明有错位量的微柱 通道的综合性能优于无错位量的微柱通道,尤其在 低雷诺数时。由图8还可见,随雷诺数的增加,MCC -0 通道的综合评价因子逐渐增加, MCC-1 和 MCC -2 通道的综合评价因子先缓慢增大,后缓慢减小。 表明无错位量的微柱通道 MCC-0 在整个雷诺数的 研究范围内,Nu 增量占主导,而对于有错位量的微 柱通道 MCC-1 和 MCC-2,低雷诺数时, Nu 增量占 主导,高雷诺数时 Nu 增量受压降增量抑制。由此 可见,不能一味地使用提高流速的方法强化传热。 低雷诺数时 MCC-2 通道综合评价因子略高于 MCC -1,高雷诺数时反而略低,表明高错位量的微柱通 道在低雷诺数时综合性能更优。

3 结 论

(1)微柱通道压降随雷诺数增加而增大;同雷 诺数下,微柱通道压降明显高于光滑通道,且微柱通 道压降随错位量增大先增后减。在研究的雷诺数范 围内,微柱通道压降比光滑通道平均高 84.3 %。

(2) 微柱通道热阻和努塞尔数随雷诺数增加分 别减小和增大;在研究的雷诺数范围内,微柱通道热 阻比光滑通道平均低 27.8 %,而努塞尔数平均高 54.5%;有错位量的微柱通道热阻比无错位量平均 低 8.9 %,而努塞尔数平均高 12.6%。

(3) 采用热阻与泵功的关系、熵产原则及性能 评价准则对微通道热沉的综合性能进行评价,微柱 通道热沉综合性能优于光滑通道热沉,且有错位量 的微柱通道热沉更优。

参考文献:

[1] 刘用鹿,罗小兵,刘伟. 基于扰流的蜂窝层叠微通道热 沉散热试验研究[J]. 半导体光电,2010,31(4):563-566.

LIU Yonglu, LUO Xiaobing, LIU Wei. Experimental study on the multilayered honeycomb microchannel heat sink design based on the flow disruption [J]. Semicon-ductor Optoelectronics, 2010,31(4):563-566.

[2] 王丽凤,邵宝东,程赫明,等.矩形微通道热沉内单相 稳态层流流体的流动与传热分析[J].应用数学和力 学,2013,34(8):855-862.

WANG Lifeng, SHAO Baodong, CHENG Heming, et al. Fluid flow and heat transfer analysis of single-phase steady laminar flow in rectangular micro-channel heatsinks [J]. Applied Mathematics and Mechanics, 2013,34(8): 855-862.

- [3] 冯振飞,何荣伟,朱礼,等.周向平行细通道夹套的换 热特性[J].过程工程学报,2015,15(6):901-908.
 FENG Zhenfei, HE Rongwei, ZHU Li, et al. Heat transfer characteristics of a jacket with circumferential parallel minichannels [J]. The Chinese Journal of Process Engineering, 2015,15(6):901-908.
- [4] TUCKERMAN D B, PEASE R E W. High-performance heat sinking for VLSL [J]. IEEE Electronic Device Letters, 1981,2(5):126-129.
- [5] 夏国栋,翟玉玲,崔珍珍,等.带有内肋的凹穴型微通 道热沉的熵产及传热特性分析[J].中国科学:技术科 学,2013,43(8):860-866.

XIA Guodong, ZHAI Yuling, CUI Zhenzhen, et al. Characteristics of entropy generation and heat transfer in a microchannel with fan-shaped reentrant cavities and internal ribs [J]. Science China Technological Sciences, 2013,43(8):860-866.

- [6] AZIZI Z, ALAMDARI A, MALAYERI M R. Convective heat transfer of Cu—water nanofluid in a cylindrical microchannel heat sink [J]. Energy Conversion and Management, 2015,101:515-524.
- [7] RIMBAULT B, NGUYEN C T, GALANIS N. Experimental investigation of CuO—water nanofluid flow and heat transfer inside a microchannel heat sink [J]. International Journal of Thermal Sciences, 2014, 84: 275-292.
- [8] KHOSHVAGHT-ALIABADI M, SAHAMIYAN M, HES-AMPOUR M, et al. Experimental study on cooling performance of sinusoidal—wavy minichannel heat sink [J]. Applied Thermal Engineering, 2016,92:50-61.
- [9] 夏国栋,崔珍珍,翟玉玲,等.长菱形微针肋热沉的流动与换热特性[J].中国石油大学学报(自然科学版), 2014,38(2):130-134.

XIA Guodong, CUI Zhenzhen, ZHAI Yuling, et al. Flow and heat transfer characteristics for long-diamond shaped micro pin fin [J]. Journal of China University of Petroleum (Edition of Natural Science), 2014, 38 (2): 130-134.

- [10] CHAI L, XIA G D, WANG H S. Numerical study of laminar flow and heat transfer in microchannel heat sink with offset ribs on sidewalls [J]. Applied Thermal Engineering, 2016,92:32-41.
- [11] YADAV V, BAGHEL K, KUMAR R, et al. Numerical investigation of heat transfer in extended surface microchannels [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2016,93:612-622.
- [12] CHEN C, TENG J T, CHENG C H, et al. A study on fluid flow and heat transfer in rectangular microchannels

with various longitudinal vortex generators [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2014,69:203-214.

- [13] QU W, MUDAWAR I. Experimental and numerical study of pressure drop and heat transfer in a single-phase microchannel heat sink [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2002,45(12):2549-2565.
- [14] XIE G N, SHEN H, WANG C C. Parametric study on thermal performance of microchannel heat sinks with internal vertical Y-shaped bifurcations [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2015,90:948-958.
- [15] WANG Y S, ZHOU B, LIU Z C, et al. Numerical study and performance analyses of the mini-channel with discrete double-inclined ribs [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2014,78:498-505.
- [16] SHI Z Y, DONG T. Entropy generation and optimization of laminar convective heat transfer and fluid flow in a microchannel with staggered arrays of pin fin structure with tip clearance [J]. Energy Conversion and Management, 2015,94:493-504.
- [17] CHAI L, XIA G D, WANG H S. Parametric study on thermal and hydraulic characteristics of laminar flow in microchannel heat sink with fan-shaped ribs on sidewalls—part 3: performance evaluation [J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2016,97:1091-1101.
- [18] BEJAN A. Entropy generation minimization [M]. New York: CRC Press, 1996.
- [19] LI Y L, ZHANG F L, SUNDEN B, et al. Laminar thermal performance of microchannel heat sinks with constructal vertical Y-shaped bifurcation plates [J]. Applied Thermal Engineering, 2014,73(1):185-195.

(编辑 沈玉英)